

Nom: _____

Vérification – 2.4 à 2.6

1. Décompose ces polynômes en facteurs.

a) $5pqr - pqs - 10pqt$

b) $3x^5 - 6x^3 + 3x$

$= pq(5r - s - 10t)$

$= 3x(x^4 - 2x^2 + 1)$

c) $25w^5 - 6w^3$

d) $5rst - 15ab + 35cd$

$= w^3(25w^2 - 6)$

$= 5(rst - 3ab + 7cd)$

2. Remplace chaque ■ par un nombre entier afin de rendre chaque trinôme décomposable en facteurs.

a) $x^2 + ■x + 10$
10 : $\begin{matrix} 1 \times 10 \\ 2 \times 5 \end{matrix}$
11 ou 7

b) $x^2 - 3x + ■$
 $\begin{matrix} \uparrow & & ? \\ -10 & & \\ \uparrow & \uparrow & \\ -5 & 2 \end{matrix}$
-3
infini nombre de solutions

c) $w^2 + ■x - 24$
 $\begin{matrix} -24 : & -1 \times 24 \\ & 23, 10, \\ & -2 \times 12 \\ & 5 \text{ ou } 2 \\ & -3 \times 8 \\ & -4 \times 6 \end{matrix}$
 $\begin{matrix} 1 \times -24 \\ 2 \times -12 \\ 3 \times -8 \\ 4 \times -6 \end{matrix}$

d) $c^2 - ■c - 50$
 $\begin{matrix} -50 : & -1 \times 50 \\ & -49, -23, -5 \\ & -2 \times 25 \\ & -5 \times 10 \end{matrix}$
 $\begin{matrix} 1 \times -50 \\ 2 \times -25 \\ 5 \times -10 \end{matrix}$

3. Décompose ces trinômes en facteurs.

a) $x^2 + 5x + 4$
 $\begin{matrix} 1 & \times & 4 = 4 \\ \underline{1} & + & \underline{4} = 5 \end{matrix}$

b) $r^2 - 13r + 42$
 $\begin{matrix} -6 & \times & -7 = 42 \\ -6 & + & \underline{-7} = -13 \end{matrix}$

$\underline{x^2 + x + 4x + 4}$

$\underline{r^2 - 6r - 7r + 42}$

$x(x+1) + 4(x+1)$

$r(r-6) - 7(r-6)$

$= (x+1)(x+4)$

$= (r-6)(r-7)$

c) $n^2 - 10n - 24$
 $\begin{matrix} -12 & \times & 2 = -24 \\ \underline{-12} & + & \underline{2} = -10 \end{matrix}$

d) $2y^2 + 9y + 9$
 $\begin{matrix} 6 & \times & 3 = 18 \\ \underline{6} & + & \underline{3} = 9 \\ (2)(9) = 18 \end{matrix}$

$\underline{n^2 - 12n + 2n - 24}$

$\underline{2y^2 + 6y + 3y + 9}$

$n(n-12) + 2(n-12)$

$2y(y+3) + 3(y+3)$

$= (n-12)(n+2)$

$= (y+3)(2y+3)$

$$\begin{aligned} \text{e) } & 5x^2 - 14x - 3 \\ & \begin{array}{r} \cancel{5} \times \cancel{-3} = -15 \\ -15 + \underline{1} = -14 \end{array} \end{aligned}$$

$$\underline{5x^2 - 15x + x - 3}$$

$$5x(x-3) + 1(x-3)$$

$$= (x-3)(5x+1)$$

$$\begin{aligned} \text{f) } & 4n^2 - 14n - 30 \quad \text{PGFC} = 2 \\ & \begin{array}{r} \cancel{4} \times \cancel{-15} = -30 \\ -10 + \underline{3} = -7 \end{array} \end{aligned}$$

$$2(\underline{2n^2 - 10n} + \underline{3n - 15})$$

$$2(2n(n-5) + 3(n-5))$$

$$= 2(n-5)(2n+3)$$

4. Décompose chaque polynôme en facteurs.

$$\text{a) } 4n^2 - 28n + 49 \quad \text{trinôme carré parfait} \quad \text{b) } 25r^2 + 30r + 9$$

$$\sqrt{4n^2} = 2n \quad \sqrt{49} = 7$$

$$2(2n)(7) = 28n$$

$$= (2n-7)^2$$

$$\sqrt{25r^2} = 5r \quad \sqrt{9} = 3$$

$$2(5r)(3) = 30r$$

$$= (5r+3)^2$$

$$\text{c) } 16x^2 - 121 \quad \text{diff. de carrés} \quad \text{d) } 1 - 144n^2$$

$$\sqrt{16x^2} = 4x \quad \sqrt{121} = 11$$

$$\sqrt{1} = 1 \quad \sqrt{144n^2} = 12n$$

$$= (4x+11)(4x-11)$$

$$= (1-12n)(1+12n)$$

$$\text{e) } x^2 + 17xy + 16y^2 \quad \begin{array}{r} \cancel{1} \times \cancel{16} = 16 \\ \cancel{1} + \cancel{16} = 17 \end{array}$$

$$\underline{x^2 + xy} + \underline{16xy + 16y^2}$$

$$x(x+y) + 16y(x+y)$$

$$= (x+y)(x+16y)$$

$$\text{f) } c^2 - 13cd + 22d^2 \quad \begin{array}{r} \cancel{-11} \times \cancel{-2} = 22 \\ \cancel{-11} + \cancel{-2} = -13 \end{array}$$

$$\underline{c^2 - 11cd} - \underline{2cd + 22d^2}$$

$$c(c-11d) - 2d(c-11d)$$

$$= (c-11d)(c-2d)$$